



පළාත් අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව සබරගමුව - සති පාසල

විෂය- සංයුක්ත ගණිතය

සතිය- 6

ශ්‍රේණිය- 13

පුනරීක්ෂණ අභ්‍යාස

(01) .(a). $\cos(A + B)$ සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න. එනමින් $\cos 3\theta = a \cos^2 \theta - b \cos \theta$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශනයක් ලබාගෙන a, b සඳහා අගයන් තීරණය කරන්න තවදුරටත් $\cos 2\pi$ හි අගය -1 බව අපෝහනය කරන්න.

(b). සුපුරුදු අංකනයෙන් ABC ත්‍රිකෝණයක සයින් නීතිය ප්‍රකාශ කරන්න. ABC ත්‍රිකෝණයක $B\hat{A}C$ කෝණයෙහි කෝණ සමච්ඡේදකය BC පාදයට D තිඳි හමුවේ. $A\hat{D}C = \alpha$ ලෙස යැයි ගනිමු. ත්‍රිකෝණ සඳහා සයින් නීතිය භාවිතයෙන්

$$a \sin \alpha = (b + c) \sin \frac{A}{2} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$B\hat{A}C = 90^\circ$ ද, $AC=AB=x$ ද වන විට α සඳහා සාධාරණ විසඳුම් කොයා $-\frac{\pi}{2} < \alpha \leq \frac{\pi}{2}$ නම් α සඳහා අගය ලබා ගන්න.

(c). $\tan^{-1}\left(\frac{1}{x-1}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{1}{x+1}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ සමීකරණය විසඳන්න.

එනමින් $x > 0$ වන විට $\sin^{-1}\left\{\cos\left[\frac{\pi}{2} - \sin^{-1}\left(\frac{x}{2}\right)\right]\right\}$ හි අගය ලබා ගන්න.

2. (a) ස්කන්ධය $M \text{ kg}$ වන රථයකට H (වොට්) ක්ෂමතාවයක් පවතී. රථයේ ගමනට විරුද්ධව $K \text{ (Nkg}^{-1})$ ප්‍රතිරෝධයක් පවතී නම්,

(i) රථය $v \text{ (ms}^{-1})$ ප්‍රවේගයෙන් සමතල මාර්ගයක ගමන් කරන විට $a \text{ (ms}^{-2})$ ත්වරණයක් ද ඇති නම් ද

(ii) රථයට උපරිම $u \text{ (ms}^{-1})$ ප්‍රවේගයක් ඇති නම් ද,

(iii) රථයට තිරසර 30° කෝණයකින් කන්දක් ඔසින විට ලැබිය හැකි උපරිම ප්‍රවේගය $w \text{ (ms}^{-1})$ නම්,

$$a = K \left(\frac{u}{v} - 1 \right) \text{ බවත් } H = \frac{Mg}{2 \left(\frac{1}{u} - \frac{1}{w} \right)} \text{ බවත් පෙන්වන්න.}$$

(b) සුමට, ප්‍රත්‍යස්ථ, සමාන P, Q හා R අංශු තුනක් සුමට තිරස් මේසයක් මත පිහිටි X, Y හා Z ලක්ෂ්‍යවල පිළිවෙලින් නිශ්චලතාවේ තබා ඇත. Y යනු XZ හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය වේ. P අංශුව මේසය දිගේ u ප්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කෙරෙන අතර Q අංශුව සමඟ එය සෘජු ලෙස ගැටෙයි. P අංශුව ගැටුම් දෙකකින්, R අංශුව එක් ගැටුමකින් යෙදෙයි නම්, $e > 3 - 2\sqrt{2}$ බව පෙන්වන්න. මෙහි e යනු ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය වෙයි.